

Zeit: 2 Stunden

Bewertung:

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Punktzahl	2	3	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2

1. Löse die Gleichungen nach x auf:

a) $(x - 5)^2 = (x + 6) \cdot (x - 2) + 2$

b) $\frac{48 - 4x}{21} - \frac{3}{2}x = \frac{9}{35}$

2. Vereinfache die folgenden Terme.

a) Kürze:

$$\frac{2x^2y^2 - 6xy^2}{x^2 - 4x + 3}$$

b) Schreibe das Ergebnis ohne Klammer:

$$2 \cdot (2n - 3m)^2 - (n - 2m) \cdot (8n - 9m)$$

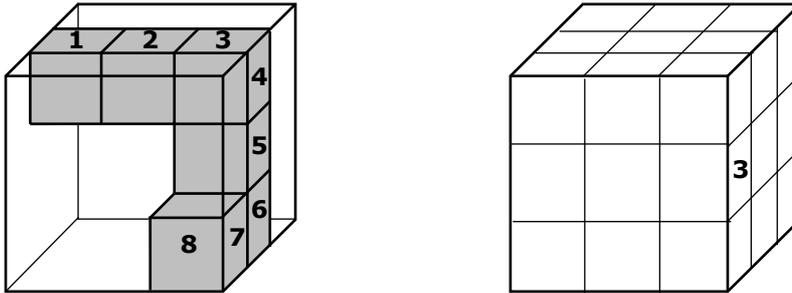
c) Fasse so weit als möglich zusammen:

$$16a^{-2} : (2a)^5$$

3. a) Ein Erwachsener sollte pro Tag höchstens 50 g Zucker zu sich nehmen.
100 cm³ Cola enthalten 10.6 g Zucker.
Wie viele Milliliter Cola dürfte ein Erwachsener also täglich höchstens trinken?

b) Ein Würfelzucker wiegt 3 g.
Wie viele Würfelzucker entsprechen der Zuckermenge in 5 dl Cola?

4. In einen Plexiglaswürfel wird ein Holzkörper gestellt, der aus insgesamt 6 gleichen Holzwürfelchen besteht. Diejenigen Seitenflächen der Holzwürfelchen, welche den Plexiglaswürfel berühren, sind nummeriert. (s. Abbildung links). Die Holzfigur ist fest im Plexiglaswürfel verankert.
 Der Plexiglaswürfel wird nun gedreht. Die Seitenfläche mit der Nummer 3 ist dann an der Stelle, wie es in der rechten Abbildung gezeichnet ist.
 Trage die restlichen Nummern (1-8) im rechten Würfel dort ein, so wie die Seitenflächen nach der Drehung zu sehen sind.



5. In der Tabelle ist je eine Zugverbindung von Schaffhausen nach Bern aus dem Jahre 1984 und von heute aufgeführt.
 Ausserdem ist der Preis für eine einfache Fahrt angegeben.

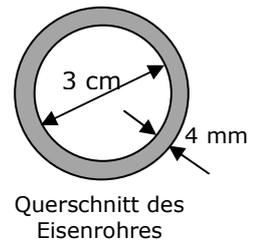
Jahr	1984	2014
Schaffhausen ab:	9:03	9:18
Bern an:	11:13	10:58
Fahrpreis.	35.– SFr.	60.– SFr.

- a) Um wie viele Prozente hat sich der heutige Fahrpreis gegenüber 1984 verteuert?
 b) Um wie viele Prozente ist die heutige Fahrzeit kürzer gegenüber 1984?

Runde beide Ergebnisse auf eine Nachkommastelle.

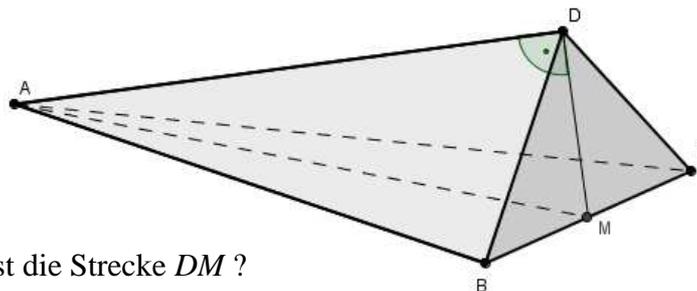
6. Ein Getränkeharass mit 7 leeren und 8 vollen Glasflaschen wiegt 10.3 kg.
 Dabei ist eine volle Flasche 500 Gramm schwerer als eine leere Flasche. Der leere Harass ist gleich schwer wie drei leere Flaschen.
 Wie viel wiegt eine leere Flasche?
 (Die Aufgabe muss mit einer Gleichung gelöst werden!)

7. a) Für eine Wasserleitung verwendet man ein 1.2m langes Eisenrohr. Der Innendurchmesser des Rohres ist 3 cm und seine Wandstärke 4 mm.
Wie viele cm^3 Eisen werden für ein solches Rohr gebraucht?



- b) Um das Rohr vor der Witterung zu schützen, wird die Aussenfläche mit einer Spezialfarbe lackiert. Mit einem halben Liter dieser Farbe kann man eine 1 m^2 grosse Fläche bestreichen.
Wie viele Liter dieser Farbe werden benötigt, um die Aussenfläche dieses Rohres zu bestreichen?
8. In Wengen findet alljährlich am Lauberhorn ein Abfahrts-Skirennen statt. Im Jahr 2012 benötigte der Sieger Beat Feuz für die 4415 Meter lange Strecke 2 Minuten und 35.31 Sekunden.
- a) Berechne seine Durchschnittsgeschwindigkeit und gib das Ergebnis in km/h auf zwei Dezimalstellen genau an.
- b) In diesem Jahr musste aufgrund des schlechten Wetters die Strecke erheblich verkürzt werden und betrug daher nur 2682 Meter. Die Durchschnittsgeschwindigkeit des Siegers war aber um 1.86 km/h höher als jene vor zwei Jahren.
Berechne die diesjährige Laufzeit des Siegers auf Hundertstelsekunden genau.

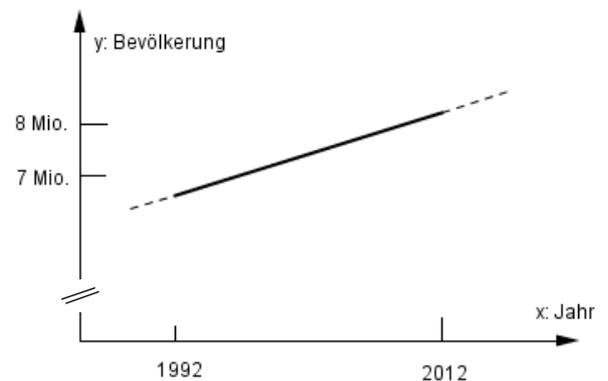
9. Beim abgebildeten Körper $ABCD$ sind die beiden Seitenflächen ABC und BCD gleichschenklige Dreiecke. Die Seitenlängen AB und AC messen $AB = AC = 61 \text{ dm}$. Die Seiten BD und CD sind gleich lang. M ist die Seitenmitte von BC . Weiter messen die Kanten $AD = 57.6 \text{ dm}$ und $BC = 22 \text{ dm}$.
Der Winkel $\sphericalangle ADM$ ist ein rechter Winkel.



- a) Wie lang ist die Strecke DM ?
- b) Berechne das Volumen des Körpers $ABCD$.

10. Die Bevölkerungszahl der Schweiz ist in den vergangenen zwanzig Jahren nahezu linear angestiegen von 6'907'960 Einwohner am Ende des Jahres 1992 auf 8'039'060 am Ende des Jahres 2012.

- a) Welche Steigung hat die Gerade, welche dieses Wachstum veranschaulicht?
- b) Im Laufe welchen Jahres würde die Schweiz bei gleichbleibendem Wachstum die 10-Millionen-Einwohner-Grenze überschreiten?



11. Das Vermögen einer Pensionskasse ist zur Hälfte in Obligationen angelegt, 30% sind in Aktien investiert und für den restlichen Fünftel des Vermögens besitzt die Pensionskasse Immobilien. Im vergangenen Jahr konnten die drei Anlagekategorien unterschiedlich hohe Wertzunahmen erzielen. Bei den Aktien liess sich eine Zunahme von 9% erzielen, die Immobilien stehen mit 4.5% Ertrag zu Buche und bei den Obligationen verzeichnet man eine Wertsteigerung von 2%.

Anlagekategorie	Obligationen	Aktien	Immobilien
Anteil am Gesamtvermögen	50%	30%	20%
Ertrag / Wertzunahme	2%	9%	4.5%

- a) Wie hoch ist die prozentuale Wertzunahme des Gesamtvermögens ?
- b) Um allen ihren Verpflichtungen nachzukommen, benötigt die Kasse einen Ertrag von 5% auf dem Gesamtvermögen. Welche Wertsteigerung hätte man mit den Obligationen mindestens erzielen müssen, um dieses Ergebnis zu erreichen? (Der Ertrag bei den Aktien und den Immobilien bleibt bei 9% bzw. 4.5%.)
12. In einem gleichschenkligen Trapez $ABCD$ messen drei Seiten $AB = AD = BC = 40$ cm, die Höhe des Trapezes ist x cm lang.

- a) Welchen Flächeninhalt hat das Trapez, wenn seine Höhe $x = 32$ cm lang ist?
- b) Drücke den Flächeninhalt des Trapezes allgemein durch einen Term in x aus.

